

Οπότε

$$M_W = \frac{1}{2}gv = \frac{1}{2} \frac{e}{\sin \theta_W} \sim \frac{37.3 \text{ GeV}}{\sin \theta_W}$$

$$M_Z \sim \frac{74.6 \text{ GeV}}{\sin 2\theta_W}$$

Το 1982 παρατηρήθηκαν  $W$  και  $Z$  σε αντιδράσεις  $p\bar{p} \rightarrow ZX \rightarrow (e^+e^-)X$  και  $p\bar{p} \rightarrow W^\pm X \rightarrow (e^\pm\nu)X$ , με  $M_W \sim 81$  GeV και  $M_Z \sim 93$  GeV.

### Μάζες φερμιονίων

Ο όρος μάζας για τα φερμιόνια είναι  $m\bar{\psi}\psi = m(\bar{\psi}_L\psi_R + \bar{\psi}_R\psi_L)$ .

Τώρα όμως τα αριστερόστροφα πεδία είναι ανήκουν σε διπλέτα της  $SU(2)$ , αντίθετα με τα δεξιόστροφα που βλέπουν μόνο την  $U(1)$ .

Επομένως, ο όρος της μάζας δεν παραμένει αναλλοίωτος σε

μετασχηματισμούς. Στο σημείο αυτό έρχεται πάλι το  $H$ .

Προσθέτουμε στην Λαγκραντζιανή τους όρους (ας περιοριστούμε μόνο στη μάζα του ηλεκτρονίου)

$$\mathcal{L}_h = -G_e \left[ (\bar{\nu}_e \bar{e})_L \begin{pmatrix} \phi^+ \\ \phi^0 \end{pmatrix} e_R + \bar{e}_R (\phi^- \phi^0) \begin{pmatrix} \nu_e \\ e \end{pmatrix}_L \right]$$

Προσέξτε ότι στην άλγεβρα της  $SU(2)$  έχουμε :  $\mathbf{2} \times \mathbf{2} = \mathbf{3} + \mathbf{1}$  και επιπλέον βλέπουμε ότι και ως προς  $U(1)$  οι όροι παραμένουν αναλλοίωτη μιας και  $Y_{\text{διπλέτας}} = -1$ ,  $Y_H = 1$  και  $Y_{e_R} = -2$ .

Γράφοντας, κατά τα γνωστά,

$$\phi = \sqrt{\frac{1}{2}} \begin{pmatrix} 0 \\ v + h(x) \end{pmatrix}$$

η Λαγκραντζιανή γίνεται

$$\mathcal{L}_h = -\frac{G_e}{\sqrt{2}}v(\bar{e}_L e_R + \bar{e}_R e_L) - \frac{G_e}{\sqrt{2}}h(\bar{e}_L e_R + \bar{e}_R e_L)$$

Τώρα αναγνωρίζουμε την μάζα του ηλεκτρονίου  $m_e = G_e v / \sqrt{2}$  και έχουμε και ένα όρο αλληλεπίδρασης του ηλεκτρονίου με το  $h$

$$-\frac{G_e}{\sqrt{2}}h(\bar{e}_L e_R + \bar{e}_R e_L) = -\frac{m_e}{v}h(\bar{e}_L e_R + \bar{e}_R e_L)$$

Με αντίστοιχο τρόπο δημιουργούνται και οι μάζες των κουάρκ.

Για το  $d$  κουάρκ η διαδικασία είναι ανάλογη με αυτήν του ηλεκτρονίου. Για το  $u$  κουάρκ χρησιμοποιούμε αντί του  $\phi$  το συζυγές του  $\phi_C$ . Ειδικά για την  $SU(2)$  η θεμελιώδης αναπαράσταση  $\mathbf{2}$  και η συζυγής της  $\bar{\mathbf{2}}$  μετασχηματίζονται με τον

ίδιο τρόπο. Οπότε, στην Λαγκραντζιανή προσθέτουμε τους όρους

$$-G_d(\bar{u} \bar{d})_L \begin{pmatrix} \phi^+ \\ \phi^0 \end{pmatrix} d_R - G_u(\bar{u} \bar{d})_L \begin{pmatrix} -\bar{\phi}^0 \\ \phi^- \end{pmatrix} u_R + \text{h.c}$$

που θα δώσουν τους όρους

$$-m_d \bar{d}d - m_u \bar{u}u - \frac{m_d}{v} \bar{d}dh - \frac{m_d}{v} \bar{u}uh$$

με

$$m_u = \frac{G_u v}{\sqrt{2}}, \quad m_d = \frac{G_d v}{\sqrt{2}}$$

Τέλος, η μάζα του  $h$  φαίνεται από το δυναμικό

$$V(\phi) = \mu^2 \phi^\dagger \phi + \lambda(\phi^\dagger \phi)^2$$

και είναι

$$m_h^2 = 2\lambda v^2$$